

# VPNS SISTEM DE MODELARE ȘI ANALIZĂ A PERFORMANTELOR MODELELOR DE REȚEA PETRI

DIANA Palii, EMILIAN Guțuleac

*Universitatea Tehnică a Moldovei*

**Abstract:** În lucrarea de față ne propunem, utilizând limbajul de modelare vizual (UML), să analizăm și să dezvoltăm un software, ce ne-ar permite modelarea și analiza performanțelor modelelor de rețea Petri. Cu ajutorul diagramelor cazurilor de utilizare au fost specificate cerințele din perspectiva utilizatorului final iar prin intermediul diagramei de activități au fost modelate fluxurile de activități așa cum sunt vazute ele de actorii care comunică cu sistemul VPNS.

**Cuvinte cheie:** Rețele Petri, graf de marcaje accesibile, matrice de incidență, simulare animată, analiza performanțelor, diagrama cazurilor de utilizare, diagrama de activitate

## 1. Introducere

Rețelele Petri reprezintă un formalism de descriere și analiză a sistemelor paralele/distribuite cu evenimente discrete. În prezent ele au numeroase aplicații și sunt utilizate în diverse domenii: sistemelor de producție, inginerie, telecomunicații, modelarea proceselor de afaceri și în învățământ, deoarece dispun de o reprezentare grafică foarte accesibilă, au o semantică bine definită care permite o analiză formală a comportamentului și proprietăților acestora

Utilizarea eficientă a resurselor de calcul joacă un rol important în reducerea cheltuielilor de elaborare și producție ale sistemelor hardware/software reconfigurabile, iar producătorii acestora devin mai competitivi folosind formalisme și instrumente adecvate pentru a palia aceste probleme.

Rețelele Petri prezintă, de asemenea, un mare interes datorită clarității grafice și intuitive de reprezentare a fluxului controlului într-un sistem cu activități interdependente, iar extensiile lor la RP stocastice permit studiul sistemelor de calcul sub aspectul evaluării performanțelor.

## 2. Rețelele Petri noțiuni

### 2.1. Noțiuni introductive

O rețea Petri (eng. *Petri net*) se compune dintr-un tip particular de graf orientat notat  $N$  și o stare inițială  $M_0$ , denumită *marcaj inițial* (eng. *initial marking*). Graful  $N$  al rețelei Petri este orientat, ponderat și bipartit, constând din două tipuri de noduri, denumite *poziții* sau *locații* (eng. *place*) și respectiv *tranziții* (eng. *transition*); arcele pleacă fie de la o poziție la o tranziție, fie de la o tranziție la o poziție. (Nu există arce care să conecteze două poziții între ele, sau două tranziții între ele.) Ca simbolizare grafică, pozițiile se reprezintă prin cercuri, iar tranzițiile prin bare sau dreptunghiuri. Arcele sunt etichetate cu ponderile lor (valori întregi, pozitive); un arc cu ponderea  $k$  poate fi privit ca o mulțime de  $k$  arce paralele cu o pondere unitară. Etichetele pentru pondere unitară se omit în reprezentările grafice uzuale. Un *marcaj* sau o *stare* atribuie fiecărei poziții un număr întreg mai mare sau egal cu 0. Dacă un marcaj atribuie poziției  $p$  întregul  $k > 0$ , se spune că  $p$  este marcat cu  $k$  *jetoane* (eng. *token*). Din punct de vedere grafic, în cercul corespunzător poziției  $p$  se vor plasa  $k$  discuri. Orice marcaj  $M$  este un vector  $m$ -dimensional, unde  $m$  notează numărul total al pozițiilor; componenta  $p$  a lui  $M$ , notată  $M(p)$  semnifică numărul de jetoane din poziția  $p$ .

În problemele de modelare ce utilizează conceptele de *condiții* și *evenimente*, pozițiile reprezintă condiții și tranzițiile reprezintă evenimente. O tranziție (eveniment) posedă un număr de poziții de intrare și ieșire, care reprezintă *pre-condiții* și respectiv *post-condiții* pentru evenimentul în cauză. Prezența unui jeton într-o poziție trebuie înțeleasă ca valoare logică "adevărat" pentru condiția asociată respectivei poziții.

## 2.2. Definiții de bază

O rețea Petri este un cvintuplu,  $PN = (P, T, F, W, M_0)$  în care:

- $P = \{p_1, p_2, \dots, p_m\}$  este o mulțime finită de poziții;
- $T = \{t_1, t_2, \dots, t_n\}$  este o mulțime finită de tranziții;
- $F \subseteq (P \times T) \cup (T \times P)$  este o mulțime de arce;
- $W: F \rightarrow \{1, 2, 3, \dots\}$  este o funcție de ponderare a arcelor;
- $M_0: P \rightarrow \{0, 1, 2, 3, \dots\}$  este o funcție de marcaj inițial.

Mulțimile  $P$  și  $T$  sunt disjuncte  $P \cap T = \{\emptyset\}$  și satisfac condiția  $P \cup T \neq \{\emptyset\}$ . O rețea Petri cu un marcaj inițial  $M_0$  se va nota prin  $(N, M_0)$  iar o rețea Petri cu un marcaj oarecare  $M$  se va nota prin  $(N, M)$ .

Marcajul unei rețele Petri are semnificație de stare a rețelei și se poate modifica în conformitate cu următorul procedeu denumit regula tranziției (validare și executare):

- a) O tranziție  $t$  se spune că este validată (eng. enabled) dacă fiecare poziție de intrare  $p$  a lui  $t$  este marcată cu cel puțin  $W(p, t)$  jetoane, unde  $W(p, t)$  notează ponderea arcului de la  $p$  la  $t$ .
- b) O tranziție validată poate sau nu să fie executată sau declansată (eng. fire), după cum evenimentul asociat tranziției are sau nu loc.
- c) Executarea unei tranziții validate  $t$ , îndeplinește  $W(p, t)$  jetoane din fiecare poziție de intrare  $p$  a lui  $t$  și adaugă  $W(t, p)$  jetoane la fiecare poziție de ieșire  $p$  a lui  $t$ , unde  $W(t, p)$  este ponderea arcului de la  $t$  la  $p$ .

O tranziție fără nici o poziție de intrare se numește tranziție sursă (eng. source). O tranziție fără nici o poziție de ieșire se numește tranziție receptor (eng. sink). Modul de operare al acestor tranziții este următorul:

- a) O tranziție sursă este necondiționat validată (fără a fi obligatoriu ca să se execute). Executarea ei produce jetoane.
- b) Executarea unei tranziții receptor consumă jetoane, fără a produce.

Dacă o poziție  $p$  este atât poziție de intrare, cât și poziție de ieșire pentru o tranziție  $t$ , atunci  $p$  și  $t$  formează o buclă autonomă (eng. self-loop). O rețea Petri care nu conține bucle autonome se numește pură. O rețea Petri se numește ordinară dacă toate arcele sale au pondere unitară.

## 2.3. Proprietăți

Ca instrument matematic, rețelele Petri posedă un număr de proprietăți. Aceste proprietăți, atunci când sunt interpretate în contextul sistemului modelat, permit designer-ului de sistem să identifice prezența sau absența proprietăților funcționale specifice domeniului de aplicare al sistemului proiectat. Astfel, pot fi distinse două tipuri de proprietăți: *comportamentale* și *structurale*. Proprietățile comportamentale sunt acelea care depind de starea inițială, sau marcajul, unei rețele Petri iar proprietățile *structurale* depind numai de topologia acesteia. Proprietățile comportamentale sunt accesibilitate, mărginire, viabilitate, reversibilitate pe când cele structurale sunt viabilitate structurală, controlabilitate, mărginire structurală, conservativitate, repetitivitate, consistență.

### 3. Analiza și proiectarea sistemului VPNS

Utilizând limbajul de modelare vizual (UML), ne propunem să concepem și să dezvoltăm un software, ce ne-ar permite modelarea și analiza performanțelor modelelor de rețea Petri.

Prin intermediul cazurilor de utilizare, pentru a crea o imagine generală asupra sistemului vom specifica cerințele din perspectiva utilizatorului final. Pe baza unui singur use case, este posibilă generarea de scenarii multiple, fiecare dintre ele corespunzându-i o singură modalitate de a atinge obiectivul. În continuare vom folosi diagramele use case pentru prezentarea cazurilor de utilizare ale sistemului propus.

Interacțiunea cu sistemul o realizează utilizatorul, ca parte componentă a sistemului. Această interacțiune prevede crearea/editarea modelelor de rețea Petri, posibilitatea de a seta parametrii rețelei și simularea acesteia având la dispoziție un set vast de proprietăți a componentelor modelului de rețea creată. Utilizatorul mai dispune de posibilitatea de a salva datele statistice ale rezultatului simulării precum și unele diagrame funcționale care primesc ca parametri proprietățile obiectelor din rețea.

Sistemul (VPNS) realizează interacțiunea cu utilizatorul oferindu-i instrumentariu necesar creării rețelelor și totodată posibilitatea de a seta proprietățile acestora. La nivelul de prezentare ca răspuns la acțiunile utilizatorului sistemul reflectă orice schimbare a modelului rețelei, inclusiv simularea modelului rețelei.

Descrierea comportamentului sistemului în raport cu o cerere din partea unui actor din afara acestui sistem este prezentată în fig.1.



Figura 1 Diagrama Use Case ce reprezintă interacțiunea dintre User și System (VPNS)

Actorul în cazul nostru este utilizatorul. Din diagrama prezentată se observă toate funcționalitățile sistemului, care sunt bazate pe schimb de mesaje dintre utilizator și sistem, adică ce trebuie un sistem să facă pentru un actor în scopul de a atinge un anumit obiectiv.

### Funcționalitatea Salvare/Export Rețea

*Scenariu de bază – Salvarea rețea:*

1. Utilizatorul alege comanda "Save" din meniul File sau de pe meniul principal al aplicației; 2. Conținutul fișierului rețelei este suprascris.

*Scenariu de bază – Export rețea:*

1. Utilizatorul alege comanda "Export" din meniul File sau de pe meniul principal al aplicației.
2. Conținutul fișierului (modelul de rețea) este salvat în format grafic „\*.png”.

### Funcționalitatea Crearea / Editarea Rețelei

*Scenariu de bază – Crearea:*

1. Utilizatorul alege comanda "New" din meniul File al formei de baza a aplicației sau pictograma New de pe meniul principal al programei.
2. În fereastra de dialog apărută utilizatorul alege calea și introduce denumirea noului fișier (rețelei noi).
3. Rețeaua este creată și salvată la denumirea rețelei de bază se adaugă extensia fișierului rețelei ".pn".

*Scenariu alternativ - CreareaAnulare:*

- a.2. În fereastra de dialog apărută utilizatorul alege butonul Cancel.
3. Fereastra de dialog se închide și nu se produce nici o schimbare.

### **Funcționalitatea Analiza proprietăților structurale**

#### *Scenariu de bază - Analiza proprietăților structurale:*

1. Utilizatorul alege comanda "Structural Analyse" de pe meniul principal al aplicației.
2. Utilizatorul selectează funcționalitatea generării matricii de incidență sau determinarea P,T invarianților rețelei.
3. La selectarea opțiunii dorite sistemul calculează și afișează rezultatele.
4. Utilizatorul selectează opțiunea save și rezultatele sunt salvate într-un fișier.

#### *Scenariu alternativ – Analiza proprietăților structurale Anulare:*

- a.2 În fereastra de dialog apărută utilizatorul alege butonul Cancel.
3. Fereastra de dialog se închide și nu se produce nici o schimbare.

### **Funcționalitatea Simulare Animată**

#### *Scenariu de bază – Simulare Animată:*

1. Utilizatorul alege comanda "Run" de pe meniul principal al aplicației.
2. Utilizatorul efectuează setările necesare simulării.
3. Utilizatorul startează simularea animată.
4. Utilizatorul oprește simularea.
5. Utilizatorul închide forma de dirijare a simulării.
6. Aplicația revine la forma inițială.

#### *Scenariu alternativ – Simulare Animată Anulare:*

- a.2. Utilizatorul închide forma de dirijare a simulării.
3. Fereastra de dialog se închide și nu se produce nici o schimbare.

### **Funcționalitatea Generarea Grafului de marcaje accesibile (GMA)**

#### *Scenariu de bază – Generarea Grafului de marcaje accesibile:*

1. Utilizatorul alege comanda "Reachability graph" de pe meniul principal al aplicației.
2. Utilizatorul efectuează setările necesare.
3. Utilizatorul startează build graph.
4. Sistemul afișează graful de marcaje accesibile.
5. Utilizatorul alege opțiunea de analiză a proprietăților comportamentale „Behavioural analysis”.
6. Sistemul afișează proprietăților comportamentale ale modelului analizat.
7. Utilizatorul închide forma de dirijare a simulării.
8. Aplicația revine la forma inițială.

#### *Scenariu alternativ – Generarea Grafului de marcaje accesibile Anulare:*

- a.2. Utilizatorul închide forma de dirijare a grafului de marcaje accesibile.
3. Fereastra de dialog se închide și nu se produce nici o schimbare.

### **Funcționalitatea Analiza performanțelor**

#### *Scenariu de bază – Analiza performanțelor:*

1. Utilizatorul alege comanda "Performance analyze" de pe meniul principal al aplicației. Sunt disponibile două forme de analiză (Steady și Transient). În dependență de metoda selectată sistemul afișează forma necesară pentru setarea parametrilor.
2. Utilizatorul efectuează setările necesare.
3. Utilizatorul startează analiza.
4. Sistemul afișează rezultatele obținute în urma analizei.
5. Utilizatorul închide forma de dirijare a simulării.
6. Aplicația revine la forma inițială.

#### *Scenariu alternativ – Analiza performanțelor Anulare:*

- a.2. Utilizatorul închide forma de dirijare a analizei performanțelor.

Funcționalitatea *Crearea / Editarea Rețelei* este una compusă. Ea conține următoarele subfuncționalități:

- Add Shape* - adăugă elemente ce compun rețeaua petri;
- Copy subnet* - copie elementele selectate a rețelei/subrețelei;
- Cut subnet* - copie elementele selectate a rețelei în memorie și șterge aceste elemente din rețeaua activă;
- Paste subnet* - înserează elementele copiate în rețeaua activă;
- Remove subnet* - șterge elementele selectate ale rețelei.
- Select element* – selectează elementele rețelei/ selectează rețeaua.

Diagrama de activități reprezintă o modalitate de modelare vizuală a fluxurilor. Cu ajutorul diagramelor de activități vom modela cazurile de utilizare prezentate anterior.

Pentru a modela aspectele dinamice la nivel de sistem vom pune accentul pe activități așa cum sunt vazute ele de actorii care comunică cu sistemul.

Accentuând în diagramă informația privind responsabilitatea executării acțiunilor se vor folosi elemente swimlanes, plasându-se fiecare acțiune pe "culoarul" actorului care execută acea acțiune.

Userul este cel care inițiază procesul prin intermediul punctului de start al diagramei, după care au loc activitățile de bază. Punctele de decizie sunt specificate printr-un romb cu un flux de intrare și mai multe fluxuri de ieșire. Fluxurile de ieșire includ condiții care verifică evenimente (listenere) ale obiectelor GUI. Starea finală este atinsă la alegerea ramurii [exit], [close] sau dacă se dorește ieșirea din program.

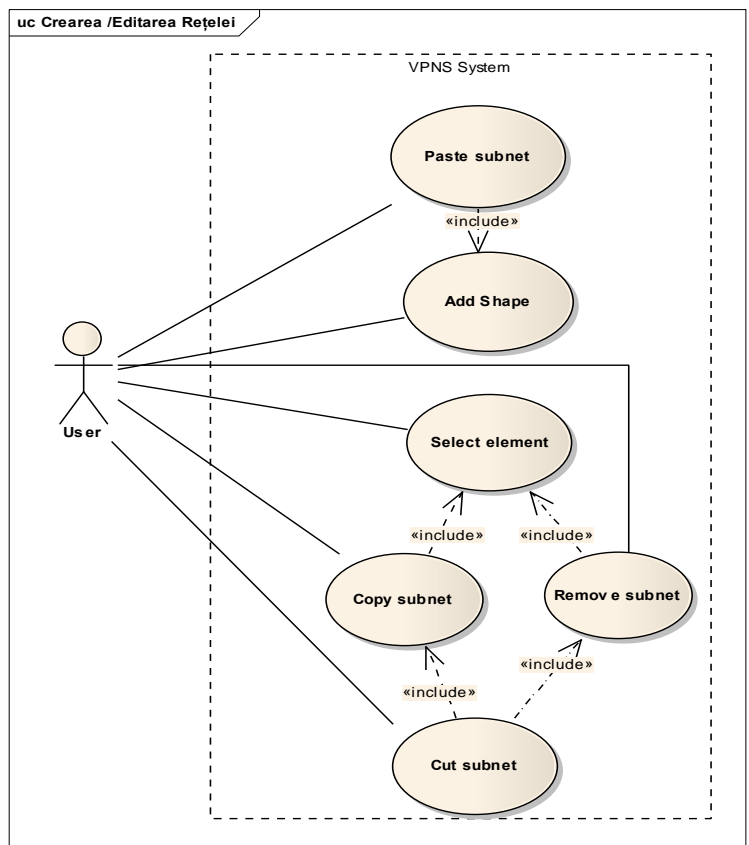


Figura 2 Diagrama Use Case ce reprezintă funcționalitatea *Crearea / Editarea Rețelei*

## Bibliografie

1. Alain Abran , James W. Moore, *Guide to the Software Engineering Body of Knowledge*, 2004 Version.
2. Fowler, M. *UML Distilled, A Brief Guide to the Standard Object Modeling Language*, Addison-Wesley(2000).
3. Gheorghieș O., Apetrei A. *Ingineria Programării*, Universitatea "Al. I. Cuza", Iași, 2003.